



مجله سنجش و ايمني پرتو، جلد ٤، شمارهٔ ١، زمستان ١٣٩٤

مکانیسم تولید و ویژگی های تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس نرم

عباس احمدى

همدان، ملایر، دانشگاه آزاد اسلامی واحد ملایر، باشگاه پژوهشگران جوان و نخبگان، صندوق پستی: ۱۱۷-۲۵۷۱۸

پست الكترونيكى: Ahmadi.abbas1977@gmail.com

چکیدہ

در این مقاله، مکانیسم تولید تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس و توزیع طیفی- زاویهای آن به دقت مورد مطالعه قرار گرفته و برخی از ویژگیهای منحصر به فرد این تابش و کاربردهایش بررسی شده است. نتایج نشان میدهند که در نزدیکی لبههای جذب اتمی، قسمتهای موهومی و حقیقی ضریب شکست دچار تغییرات شدیدی می شوند و برای محدوده بسیار باریکی از طیف اشعه ایکس، ضریب شکست بعضی مواد بزرگتر از یک شده و کانالهایی برای تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس ایجاد می شود. با انتخاب مواد تابش زای مناسب و استفاده از الکترونهای نسبیتی حاصل از شتابگرهای الکترونی کوچک، درخشندگی تابش چرنکوف در حالت بهینه محاسبه و با درخشندگی سایر منابع تولید اشعه ایکس نرم مقایسه شده است. بر اساس این بررسیها، این چشمهی نوین اشعه ایکس نرم، به دلیل درخشندگی زیاد و تکفام بودنش می تواند در میکروسکوپی اشعه ایکس نرم، طیف سنجی فوتوالکترون و دیگر زمینههای تحقیقاتی مورد استفاده قرار گیرد.

كليدواژگان: تابش چرنكوف، ضريب شكست، اشعه ايكس نرم.

۱. مقدمه

چرنکوف همراه با فرانک و تام، به خاطر کشف[۱] و تشریح تابش چرنکوف[۲]، در سال ۱۹۵۸ میلادی موفق به دریافت جایزه نوبل فیزیک شدند. ایشان بیان کردند که اگر یک ذره باردار با سرعتی بیشتر از سرعت امواج الکترومغناطیسی، درون یک ماده تابشزا با ضریبشکست بزرگتر از یک حرکت کند، تابش چرنکوف به صورت یک مخروط با زاویه رأس مشخص حول مسیر حرکت ذره باردار گسیل می شود. تاکنون تابش چرنکوف در ناحیه فرکانس اپتیکی به دقت بررسی شده است و امروزه آشکارسازهای چرنکوف به صورت گسترده برای

تعیین سرعت ذرات باردار، شناسایی ذرات هادرونی، ردیابی یک فرآیند و همچنین برای توصیف مواد رادیواکتیو باقی مانده در میلههای سوخت مصرف شده در یک راکتور هستهای مورد استفاده قرار می گیرند[۳]. تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس یا XCR اولین بار در سال ۱۹۷٦ توسط بازیلیف و همکارانش بهصورت نظری پیش بینی شد و ایشان سرانجام در سال ۱۹۸۲ توانستند وجود این نوع تابش را بهصورت تجربی ثبت نمایند[٤]. یکی از موفق ترین آزمایشهای تولید تابش چرنکوف در ناحیه اشعه

^{1.} X-ray Cherenkov Radiation (XCR)

ایکس نرم، مربوط به تولید فوتونهای پر شدت با انرژی حدود Nev در اثر برهمکنش الکترونهایی با انرژی Mev با ورقه نازکی از سیلیسیم با ضخامت حدود ۱۰ میکرومتر است[٥]. برخی از پژوهشگران معتقدند که در حالت فرود خراشان تعداد فوتونهای تولید شده افزایش مییابد[٦]، زیرا الکترون هنگام عبور از نزدیکیهای سطح ورقه، فوتونهایی با کمترین میزان جذب یا حتی بدون جذب گسیل میکند. در واقع XCR یک چشمه اشعه ایکس نرم با درخشندگی زیاد و تقریباً تکفام است که میتواند در زمینههای مختلف تحقیقاتی، علمی و پزشکی مورد استفاده قرار گیرد.

در این مقاله، معادلات مربوط به تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته و امکان استفاده از عناصر مختلف برای تولید اشعه ایکس نرم تقریباً تکفام با انرژیهای مختلف بررسی شده و شرایط بهینه برای افزایش درخشندگی چشمه XCR تعیین گردیده است.

۲. تابش چرنکوف

تابش چرنکوف یک پدیده الکترودینامیکی است که از دو دیدگاه کلاسیکی و کوانتومی قابل بررسی است. فرانک و تام نظریه تابش چرنکوف را در چارچوب الکترودینامیک کلاسیک اثبات کردند و نشان دادند که اگر سرعت یک ذرهی باردار (v)، بیشتر از سرعت فاز امواج الکترومغناطیسی ((ω)n باشد، ((ω)n) = ϕ) در محیطی با ضریب شکست (ω)n باشد، تابش چرنکوف به صورت یک مخروط با زاویه رأس ((ω))) - cos = θ نسبت به جهت حرکت ذره گسیل می شود. مکانیسم تولید تابش چرنکوف در واقع تابش همدوس دوقطبی های تشکیل شده در اثر قطبش اتم های محیط توسط ذره باردار نسبیتی است [۲].

تابش چرنکوف به ثابت دیالکتریک یا ضریب شکست محيط وابسته است كه توابع مختلط وابسته به فركانس موج فرودی هستند[۷]. در حالت کلی ضریب شکست مواد در ناحیه اشعه ایکس، کوچکتر از یک است و تابش چرنکوف نمی تواند رخ دهد. اما در نزدیکی لبههای جذب L ،K و M قسمتهای موهومی و حقیقی ضریب شکست، دچار تغییرات شدیدی می-شوند و برای محدوده بسیار باریکی از طیف اشعه ایکس، ضریبشکست مواد میتواند بزرگتر از یک شود و کانالهایی برای تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس ایجاد شود[۸]. با توجه به اینکه پهنای لبه جذب عناصر بسیار کم و از مرتبه الكترونولت است، امكان توليد اشعه ايكس شبهتكفام با يهناي باند بسیار کم وجود دارد. در بخش ۲–۱ ابتدا با استفاده از نظریه فرانک-تام، شدت تابش چرنکوف در یک محیط شفاف با ابعاد بینهایت محاسبه شده، سیس در بخش ۲-۲ با در نظر گرفتن سهم جذب تابش برای ناحیه اشعه ایکس، معادله جدیدی به دست آمده و با استفاده از این معادله و انتخاب مواد مختلف توزیع طیفی- زاویهای تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس بررسی شده است.

۱.۲. نظریه فرانک-تام

توصیف نظری تابش چرنکوف توسط فرانک و تام بر پایه چند فرض استوار است: برای یکبار نقطهای که با سرعت ثابت درون یک محیط همگن و همسانگرد با ثابت دیالکتریک (۵)_۲ حرکت میکند (۱) از پسزنی ذره در اثر تابش، (۱۱) از کاهش انرژی ذره و کندشدگی آن در اثر تابش، (۱۱) از پراکندگی کولنی ذره باردار، (۱۷) از جذب شدن تابش در ماده چشمپوشی شود و (۷) محیط بدون مرز در نظر گرفته شود. قوانین بقای انرژی و تکانه نشان میدهند که فرض (۱) برای فوتونهایی که انرژی آنها بسیار کمتر از انرژی جنبشی ذره

باشد، قابل قبول است. فرض های (ii) و (iii) هنگامی محقق می شود که تابش چرنکوف در یک ورقه نازک از ماده تولید شود. فرض (iv) برای ناحیه اشعه ایکس نرم محقق نمی شود، چون ضریب جذب تابش در این ناحیه زیاد است. در فرض (v) شرایط مرزی نادیده گرفته شده است ولی در عمل باید به حساب آیند.

توصيف تابش چرنکوف توسط فرانک و تام، با حل معادله موج ميدان براى يک ذره باردار که با سرعت ثابت از $\infty = z = z$ تا $\infty = z$ درون يک ماده دىالکتريک حرکت مىکند، آغاز شده است. در الکتروديناميک کلاسيکى معادلات موج با شده از مفهوم پتانسيل بردارى $ar{A}$ و پتانسيل اسکالر ϕ و شرط لورنتز، بهصورت زير نوشته مىشوند:

$$\nabla^{\mathsf{Y}}\vec{A} - \frac{\varepsilon_{\mathsf{r}}}{\mathsf{c}^{\mathsf{Y}}} \frac{\partial^{\mathsf{Y}}A}{\partial \mathsf{t}^{\mathsf{Y}}} = -\mu_{\mathsf{r}}\vec{j} \tag{1}$$

$$\nabla^{\mathsf{Y}} \phi - \frac{\varepsilon_{\mathsf{r}}}{c^{\mathsf{Y}}} \frac{\partial^{\mathsf{Y}} \phi}{\partial t^{\mathsf{Y}}} = -\frac{\rho}{\varepsilon_{\mathsf{r}} \varepsilon_{\mathsf{r}}} \tag{(Y)}$$

در این معادلات c سرعت نور در خلاء، \overline{j} چگالی جریان الکتریکی، ρ چگالی بار، . μ ثابت نفوذپذیری مغناطیسی خلاء، .6 چگالی بار، . μ ثابت نفوذپذیری مغناطیسی خلاء، .6 چگالی بارت گذردهی الکتریکی خلاء و r_3 ثابت دیالکتریک یا گذردهی نسبی است. با توجه به وابستگی ثابت دیالکتریک به فرکانس، (ω) r_3 ، پتانسیلهای برداری و اسکالر تبدیلات فوریه از فضای t به فضای ω خواهند داشت. بنابراین معادلات موج پتانسیل ۱ و ۲ با اعمال تبدیل فوریه به معادلات موج هلمهولتز تبدیل می شوند:

$$\nabla^{\mathsf{Y}} \vec{A}_{\omega} - \frac{\varepsilon_{\mathsf{r}}}{c^{\mathsf{Y}}} \omega^{\mathsf{Y}} \vec{A}_{\omega} = -\mu_{\mathsf{r}} \vec{j}_{\omega}$$
(\vec{r})

$$\nabla^{\mathsf{T}} \phi_{\omega} - \frac{\varepsilon_{\mathrm{r}}}{c^{\mathsf{T}}} \omega^{\mathsf{T}} \phi_{\omega} = -\frac{\rho_{\omega}}{\varepsilon_{\cdot} \varepsilon_{\mathrm{r}}} \tag{(1)}$$

بهدلیل اینکه ذره با سرعت ۷ در جهت محور Z حرکت می-کند، چگالی جریان و پتانسیل برداری فقط مولفه Z خواهند داشت. با انتقال معادله موج ۳ به سیستم مختصات استوانهای و

بیان پتانسیل برداری (A_{z,w}(r,z)=u(r)exp(iwz/v، معادله ۳ شکل معادله بسل به خود می گیرد[۹]:

$$\frac{\partial^{\mathsf{Y}} \mathbf{u}}{\partial \mathbf{r}^{\mathsf{Y}}} + \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{r}} \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial \mathbf{r}} + \mathbf{s}^{\mathsf{Y}} \mathbf{u}(\mathbf{r}) = -\mu \cdot \mathbf{q} \frac{\delta(\mathbf{r})}{\mathbf{r}(\mathsf{Y}\pi)^{\mathsf{Y}/\mathsf{Y}}} \tag{0}$$

$$s^{\gamma} = \omega^{\gamma} \left(\frac{\varepsilon_{r}}{c^{\gamma}} - \frac{1}{v^{\gamma}} \right)$$
(7)

حل معادله بسل به علامت کمیت ^۲S بستگی دارد. اگر \cdot \cdot S^T باشد، جواب معادله یک تابع نمایی با دامنه کاهشی خواهد بود و در نقاط دوردست، تابشی مشاهده نخواهد شد. ولی اگر \cdot S^T یا r^{3} (شرط تابش چرنکوف)، یک موج منتشر شونده با جهت مشخص بهدست می آید:

$$A_{z,\omega}(\mathbf{r}, z) = \frac{\mu.q}{\epsilon \pi \sqrt{sr}} e^{i(sr + \frac{\omega}{v}z)}$$
(V)

اگر فاکتور فاز معادله ۷ برابر با فاکتور فاز یک موج آزاد با بردار موج $\sqrt{\epsilon_r} \omega/c$ عدر نظر گرفته شود، در آن صورت بردار موج $k = \sqrt{\epsilon_r} \omega/c$ خواهد شد و انتشار ($\epsilon_r \sin \theta + z \cos \theta$) خواهد شد و انتشار موج در یک زاویه مشخص نسبت به مسیر حرکت ذره باردار صورت خواهد گرفت:

$$\cos\theta = \frac{c}{v\sqrt{\varepsilon_r}} = \frac{v}{\beta n} \tag{A}$$

در این معادله θ زاویه تابش چرنکوف، $\beta = v/c$ سرعت نسبی ذره و $\overline{r} = \sqrt{\varepsilon_r}$ ضریب شکست محیط است. طبق معادله ۸ با اندازه گیری زاویه θ می توان ضریب β و در نتیجه آن سرعت ذره باردار در محیط را مشخص کرد. چون کسینوس یک زاویه نمی تواند بزرگتر از یک باشد، پس ۱۰ کا کا می اویه نمی تواند بزرگتر از یک باشد، پس دا کا کا کا ایس ایس ایس ایس ایس در زاویه $\theta_{max} = \cos^{-1}(1/n)$ تابش در زاویه مشاهده خواهد شد.

با استفاده از پتانسیل برداری، معادله ۷، می توان میدانهای الکتریکی و مغناطیسی تابش گسیل شده و سپس انرژی کل تابش شده توسط ذره باردار را حساب کرد. در نتیجه طبق معادله فرانک-تام تعداد فوتونهای تولید شده در واحد طول مسیر و واحد فرکانس توسط الکترونی که با سرعت نسبی β در محیطی با ضریبشکست (ω)n حرکت میکند از رابطه زیر بهدست می آید [۹]:

$$\frac{d^{\mathsf{Y}}N}{d\omega dz} = \frac{\alpha}{c} \left(1 - \frac{1}{\beta^{\mathsf{Y}} n^{\mathsf{Y}}(\omega)}\right) \tag{4}$$

که در آن ۱/۱۳۷ $\approx \alpha$ ثابت ساختار ریز است. فرمول فرانک -تام بیان می کند که با افزایش β تعداد فوتون ها افزایش می یابند و در $\beta = 1/n$ به صفر میل می کند، یعنی انتخاب مواد برای تولید تابش چرنکوف به محدوده β بستگی دارد. با استفاده از معادله ۸ و جایگذاری $1/\beta n = 0$ در معادله ۹ طیف تابش چرنکوف را می توان بر حسب زاویه تابش نوشت:

$$\frac{d^{\prime}N}{d\omega dz} = \frac{\alpha}{c} \sin^{\prime} \theta \qquad (1.)$$

از آنجا که ثابت دی الکتریک یا ضریب شکست به فرکانس وابسته است، به تبع آن زاویه θ نیز تابعی از فرکانس فوتون خواهد بود. مطابق شکل ۱، توزیع فضایی تابش چرنکوف بهصورت مخروط تو خالی با زاویه رأس θ نسبت به جهت حرکت ذره باردار است. درصورتی که الکترون در مسیر مستقیم در جهت محور Z حرکت کند، یعنی $[v, \cdot, v] = \overline{v}$ باشد، توزیع تابش مستقل از زاویه سمتی ϕ خواهد بود. در این ساختار از پراکندگی چندگانه الکترونها و کاهش انرژی آنها در هنگام عبور از مادهی تابشرزا صرفنظر شده است.



شکل (۱): طرح کلی از تابش چرنکوف

۲.۲. تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس (XCR) در ناحیه اشعه ایکس، ثابت دیالکتریک تابع مختلط وابسته به فرکانس است[۷]:

$$\varepsilon_{r}(\omega) = 1 - \frac{\rho_{e} r_{e} \lambda^{\gamma}}{\pi} [f_{1}(\omega) - i f_{\gamma}(\omega)]$$

= 1 + \chi'(\omega) + i\chi''(\omega) (11)

که در آن f_{1} و f_{1} به ترتیب، قسمتهای حقیقی و موهومی فاکتور پراکندگی اتمی، ' χ و " χ به ترتیب، قسمتهای حقیقی و موهومی ضریب حساسیت پذیری الکتریکی (قطبش -پذیری الکتریکی) محیط، f_{1} شعاع الکترون، ρ_{0} چگالی پذیری الکترون و Λ طول موج اشعه ایکس است. در حال حاضر چند بانک اطلاعاتی برای فاکتور پراکندگی اتمی و ثابت دی-الکتریک در ناحیه اشعه ایکس وجود دارد. یکی از آنها بانک اطلاعات Henke در وبسایت OXRO [۱۰] و دیگری بانک اطلاعات Henke در وبسایت NIST قرار دارد[۱۱]. با اطلاعات ناک اطلاعات که در وبسایت Tist قرار دارد[۱۱]. با میزان جذب فوتون در عناصر مختلف است، میتواند برای تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس نرم بهتر باشد. شرایط تابش چرنکوف ایجاب میکند که قسمت حقیقی ثابت دی-الکتریک بزرگتر از یک شود. بنابراین لازم است بررسی شود که برای چه عناصری و در چه شرایطی، قسمت حقیقی ثابت شده در محیط متناسب است. با توجه به اینکه فوتونهای تولید شده ممکن است قبل از رسیدن به سطح جذب شوند، می توان طیف تابش چرنکوف خارج شده از یک محیط نیمه نامتناهی طیف تابش چرنکوف خارج شده از یک محیط نیمه نامتناهی

$$\frac{dN}{d\omega} = \frac{\alpha}{c} (\chi' - \gamma^{-\gamma}) \int_{-\infty}^{\cdot} e^{\frac{Z}{L_{abs}} \frac{1}{\cos \theta}} dz$$
 (12)

در معادله ۱۵، جمله کسینوس در زوایههای کوچک تقریباً برابر یک و طول جذب برابر " $L_{abs} = c/\omega\chi$ است. در نتیجه، تابش چرنکوف قابل مشاهده در خارج از محیط برابر است با: $\frac{dN}{d\omega} = \frac{\alpha}{\omega} \frac{(\chi' - \gamma^{-1})}{\chi''}$ (۱۵)

معادله ۱۵ شرط تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس را بیان میکند، یعنی شدت تابش گسیل شده وقتی زیاد است که $\chi << ^{7} - \gamma - \chi$ باشد. با توجه به اینکه اطلاعات موجود در بانک Henke برحسب انرژی فوتون بیان شده است، معادله (۱۵) بهصورت زیر بازنویسی میشود:

$$\frac{\mathrm{dN}}{\mathrm{d}(\hbar\omega)} = \frac{\alpha}{\hbar\omega} \frac{\chi' - \gamma^{-\gamma}}{\chi''} \tag{17}$$

با بررسی نحوه تغییرات f_1 و f_1 ، قسمتهای حقیقی و موهومی فاکتور پراکندگی اتمی در نزدیکی لبههای جذب اتمی و به تبع آن نحوه تغییرات آن χ و χ میتوان تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس را مورد ارزیابی قرار داد.

مطالعات نشان میدهند که در نزدیکی لبههای جذب که مقدار f₁ منفی میشود، احتمال تابش چرنکوف زیاد است. عناصری که لبه جذب شدید با شروع تیز دارند و لبههای جذب متوالی به اندازه کافی از یکدیگر جدا و دور باشند، مستعد این تابش هستند.

شکل ۲، نحوه تغییرات $f_1(\hbar\omega)$ و $f_1(\hbar\omega)$ ، قسمتهای حقیقی و موهومی فاکتور پراکندگی اتمی را در نزدیکی لبه جذب لیتیم نشان میدهد که به وضوح تغییرات شدید فاکتور

دیالکتریک در ناحیه اشعه ایکس بزرگتر از یک و تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس حاصل خواهد شد. تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس را نمی توان با جایگذاری ثابت دیالکتریک مختلط در معادله فرانک-تام به آسانی حساب کرد، زیرا این معادله فقط برای محیطهای شفاف نوشته شده و اثر جذب در این محیط نادیده گرفته شده است. بنابراین میتوانیم فرآیندهای تولید و جذب تابش چرنکوف را بطور جداگانه بررسی کنیم، ابتدا فرآیند تولید تابش چرنکوف برای ۰< ⁄۲ بررسی و سپس پدیده جذب را به حساب می-آوریم، میدانیم که "χ پدیده جذب را تشریح میکند. بهدلیل اینکه قسمت حقیقی ثابت دیالکتریک فقط کمی بزرگتر از یک است، شرط چرنکوف فقط در حالتی برقرار است که سرعت ذره باردار نزدیک به سرعت نور در خلاء باشد. بنابراین بهترین گزینه برای تولید تابش چرنکوف الکترونها هستند که به خاطر سبک بودنشان راحتر از سایر ذرات باردار به سرعتهای نسبیتی میرسند. سرعت الکترونهای نسبیتی را میتوان $\gamma = 1/\sqrt{1-\beta^{\gamma}}$ يا فاكتور لورنتز $\beta = v/c$ برحسب سرعت نسبی بیان کرد. بنابراین با جایگذاری فاکتور لورنتز (ү) و قسمت حقیقی حساسیت پذیری (⁄ χ) در زاویه چرنکوف در معادله ۸ و در نظر گرفتن $1 >> 7^{-\gamma}$ و $1 >> \chi'$ ، در تقریب زوایههای کوچک ($\tan \theta \approx \sin \theta \approx \theta$) می توان نوشت:

$$\theta = \sqrt{\chi' - \gamma^{-r}} \tag{11}$$

در معادله (۱۲) شرط چرنکوف بهصورت ۰<^{۲-}γ-^۷ ب بیان میشود. با استفاده از تقریب زوایههای کوچک در معادله (۱۰)، طیف تابش چرنکوف به صورت زیر خواهد شد:

$$\frac{d^{r}N}{d\omega dz} = \frac{\alpha}{c} (\chi' - \gamma^{-r})$$
 (17)

بنابراین تعداد فوتونهای گسیل شده از هر الکترون با ناحیه زیر منحنی $\gamma^{-\gamma} - \gamma'$ بر حسب ω و طول مسیر پیموده با استفاده از اطلاعات بانک Henke و معادله ۱۱ نحوه تغییرات ' χ و " χ قسمتهای حقیقی و موهومی ضریب حساسیت پذیری الکتریکی برای تعداد زیادی از عناصر بررسی شده است. به عنوان نمونه، در شکل ۵ نحوه تغییرات ($\hbar\omega$)' χ و ($m\hbar$)" χ در نزدیکی لبه جذب L در سیلیسیم نشان داده شده است. واضح است که ($m\hbar$)' χ فقط در ناحیه VaeV تا شده است. واضح است که ($m\hbar$)' χ فقط در ناحیه VeV تا در $m\ell$)" χ در نزدیکی لبه جذب L در تیتانیوم را نشان می دهد. ($m\hbar$)" χ در نزدیکی لبه جذب L در تیتانیوم را نشان می دهد. واضح است که ($m\hbar$)' χ فقط در ناحیه VeV تا در $m\ell$







Ti م در تزدیکی لبه جذب L شکل (٦): تغییرات χ' و χ''

پراکندگی اتمی در لبه جذب K در VeV قابل مشاهده $f_{\gamma}(\hbar\omega)$ است. در شکلهای ۳ و ٤ نحوه تغییرات ($\hbar\omega$) $f_{\gamma}(\hbar\omega)$ و ($m\lambda$) است. در شکلهای ۳ و ٤ نحوه تغییرات ($m\lambda$) و ($m\lambda$) به ترتیب در نزدیکی لبههای جذب سیلیسیم و تیتانیوم نشان داده شده است. واضح است که در نزدیکی لبههای جذب اتمی عناصر، قسمتهای حقیقی و موهومی فاکتور پراکندگی دچار تغییرات شدید می شوند و در بعضی حالتها مقدار f_{1} منفی و ضریب شکست بزرگتر از یک می شود و امکان تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس به وجود می آید.





Si و f_1 و K و K هکل (۳): تغییرات f_1 و f_1 در نزدیکی لبههای جذب f_2



شکل (٤): تغییرات f₁ و f₂ در نزدیکی لبههای جذب K، L و M در Ti

معادله ١٦ بیان میکند که شدت تابش چرنکوف وقتی زیاد می شود که " $\chi << \gamma^{-1} - \gamma^{-1}$ باشد. برای الکترون های نسبیتی



توسط الکترونی با انرژی ۱۰MeV در نزدیکی لبه جذب L در Si



شکل (۸): طیف تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس نرم تولید شده توسط الکترونی با انرژی ۱۰MeV در نزدیکی لبههای جذب L و M

با انرژی ۱۰MeV، $\gamma^{-1} = 1/7 \times 10^{-7}$ است. با استفاده از معادله ۱۵ و مقادیر $\chi'(\hbar\omega)$ و $\chi''(\hbar\omega)$ در نزدیکی لبههای جذب اتمی میتوان تعداد فوتونهای گسیل شده از یک الکترون را تعیین کرد. در شکلهای ۷ و ۸ طیف تابش چرنکوف تولید شده توسط الکترونی با انرژیNeV در نزدیکی لبههای جذب سیلیسیم و تیتانیوم نشان داده شده است. کاملاً مشخص است که طیف تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس نرم دارای FWHM در حدود چند الکترونولت است، يعنى طيف تابش گسيل شده تقريباً تكفام است.

شکل (۷): طیف تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس نرم تولید شده

حصول در یک ثانیه از مرتبه ۱۰^{۱۳} خواهد بود. این ویژگیها باعث پیدایش یک چشمهی نوین اشعه ایکس با درخشندگی بالا شده است. ۳. انتخاب ماده تابشزا و شتابگر الکترونی برای توليد XCR معادله ۱۲ بیان میکند که طیف تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس به نوع ماده تابشزا و همچنین به انرژی الکترونهای نسبیتی بستگی دارد. انرژی الکترون عبوری از ماده باید طوری انتخاب شود که شرط چرنکوف $(\cdot < \gamma^{-1} - \gamma)$ برقرار شود. بررسیها نشان میدهند که در نزدیکی بعضی از لبههای جذب عناصر با عدد اتمی کمتر از ۲۸، شرط چرنکوف برای الکترونهایی با انرژی حدود ۱۰MeV برقرار است و برای عناصر با عدد اتمی بزرگتر از ۲۸، باید انرژی الکترونها بیشتر

تعداد فوتونهای گسیل شده به ازای یک الکترون در ورقه

سیلیسیم با سطح زیر منحنی شکل ۷ برابر است. با استفاده از

تقریب مستطیل در نرم افزار Excel، ناحیه زیر منحنی را به

یک سری مستطیل تبدیل و مساحت آنها محاسبه و سپس با

هم جمع شده است. این حاصل جمع با مقدار انتگرال تقریباً

برابر است. محاسبات نشان میدهند که تعداد فوتونهای

XCR گسیل شده از الکترونها در سیلیسیم حدود ^۲-۱/٤×۱/٤

فوتون بر الکترون است. اگر چه در ظاهر تعداد کمی به نظر

میرسد، اما با استفاده از باریکه الکترونی حاصل از شتابگرهای

تجاری موجود با جریان متوسط ۱۰۰µA که حدود ۱۰^{۱۰}

الکترون در ثانیه تولید میکنند، تعداد فوتونهای XCR قابل

از ۱۰MeV انتخاب شود. لبه جذب K مربوط به بعضي عناصر دوره دوم نظیر Be ،Li و لبه جذب L بعضی عناصر دوره سوم نظیر V ،Ti ،Si ،Al و بعضی از عناصر با عدد اتمی کمتر از ۲۸ مناسبترین عناصر برای تولید تابش چرنکوف تقریباً

در Ti

برای تولید تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس نرم می توان از دو نوع شتابگر الکترونی کوچک با قابلیت تولید الکترونهایی با انرژی ۱۰MeV بهره جست. یکی شتابگر خطی است که دارای جریان الکترونی بالاست و امکان کنترل باریکه الکترونی و متمرکز کردن آن روی ماده تابشزا وجود دارد ولى تمام جريان الكتروني فقط يكبار از ورقه تابشزا عبور میکند[۱۲]. دیگری شتابگر دایرهای بتاترون است که جریان الکترونی درون این شتابگر چندین بار میتواند از درون ورقه تابشزا عبور کند و تابش چرنکوف تولید کند[۱۳]. از آنجا که شدت جریان الکترونی درون شتابگر دایرهای در مقایسه با شتابگر خطی کمتر است، شدت تابش زمینه تولید شده در شتابگر دایرهای نیز کمتر خواهد بود و همچنین در شتابگر دایرهای امکان متمرکز کردن باریکه الکترونی روی ورقه تابشزا و استفاده از تمام جريان الكتروني وجود ندارد. معمولاً شتابگرهای خطی که بهصورت تجاری در دسترس میباشند، قابلیت تولید باریکه الکترونی با انرژی حدود ۱۰MeV با جريان حدود ١mA و توانايي متمركز كردن باريكه الكتروني در ناحیهای با ابعاد ۱mm تا ۱mm ۰/۰ هستند.

برای دستیابی به چشمه XCR با درخشندگی بالا، می توان با متمرکز کردن باریکه الکترونی، چگالی جریان الکترونی را در روی ورقه تابشزا بالا برد. با توجه به اینکه در محاسبات فرض شده است که الکترونها به صورت موازی با هم حرکت میکنند، باید میزان دیورژانس باریکه الکترونی کمتر از زاویه تابش چرنکوف باشد تا توزیع زاویه ای تابش چرنکوف به طور جدی تحت تاثیر قرار نگیرد.

عامل دیگری که بر درخشندگی چشمه XCR تاثیر دارد، گرمای ایجاد شده روی ورقه تابشزا است. الکترونهای نسبیتی هنگام عبور از یک ورقه با ضخامت حدود چند میکرومتر درصد بسیار کمی از انرژی جنبشی خود را بهصورت

تکفام در ناحیه اشعه ایکس هستند. بنابراین، با استفاده از مکانیسم تولید تابش چرنکوف و یک شتابگر الکترونی کوچک و انتخاب مواد تابشزا بهصورت ورقههایی با ضخامت چند ميكرومتر ميتوان به يک منبع تقريباً تكفام اشعه ايكس نرم دست یافت. در جدول ۱، تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس، حاصل از الکترونهای ۱۰MeV در مواد تابشزای مختلف بررسی شده است. در این جدول نام عنصر، لبه جذب مورد نظر، انرژی فوتون تابشی و تعداد فوتون های چرنکوف گسیل شده به ازای یک الکترون آورده شده است. با توجه به جدول ۱ نتیجه می شود که با افزایش عدد اتمی ماده تابشزا، تعداد فوتونهای گسیل شده به ازای یک الکترون کاهش می-یابد، بهطوریکه شدت تابش تولید شده در نیکل آنقدر کم است که ممکن است در تابش پسزمینه گم شود و مشاهده نشود، بنابراین برای عناصر با عدد اتمی بزرگتر از ۲۸ لازم است از شتابگرهای الکترونی با انرژی بیشتر از ۱۰MeV استفاده شود. تا شرطهای $<\gamma^{-1} - \gamma^{-1}$ و " $\chi < \gamma^{-1} - \gamma^{-1}$ برقرار شوند.

جدول(۱): تولید XCR با استفاده از شتابگر الکترونی ۱۰MeV

تعداد فوتونهای	انرژی فوتون	اده تابشزا لبه جذب انرژ	
تابشی [ph/el]	[eV]		
۱/ ۳×۱۰ ^{-۲}	0£/V	K	Li
۲/0×۱۰ ^{-۳}	111/v	K	Be
$Y/q \times 1 \cdot^{-i}$	٢٨٤ / ٢	K	С
٤/٣×١٠ ^{-٣}	vy / v	L	Al
1/£×1• ⁻	٩٩ / ٨	L	Si
$r/r \times 1 \cdot \epsilon$	٤٥٣ / ٨	L	Ti
$1/9 \times 1 \cdot \epsilon$	017/1	L	V
$1/\Lambda \times 1 \cdot \epsilon^{-\epsilon}$	045/1	L	Cr
٩/٤×١٠-٥	٧•٦/٨	L	Fe
$\wedge / \wedge \times 1 \cdot^{-7}$	107/V	L	Ni

تابش الکترومغناطیسی و گرما از دست میدهند. اما هنگامی که یک باریکه الکترونی با جریان زیاد به ورقه تابانده میشود، مقدار کل انرژی داده شده به ورقه توسط باریکه الکترونی می-تواند بسیار زیاد باشد که به افزایش قابلتوجه دمای ورقه منجر شود. در عمل نقطه ذوب ورقه تعیینکننده میزان مجاز افزایش دما است، همچنین ورقه میتواند از طریق رسانش یا تابش خنک شود.

در واقع می توان دمای ورقه را به صورت تابعی از چگالی جریان باریکه الکترونی بیان کرد[۱۲] و بیشترین درخشندگی قابل حصول در چشمه XCR را تعیین کرد. بنابراین، شتابگرهای موجود در بازار به راحتی قادر به تولید باریکه الکترونی با متوسط جریان ۸۳۸/۰ هستند. برای افزایش متوسط جریان بدون آسیب رساندن به ورقهها، باید حجمی از ماده که گرما در آن تولید می شود را افزایش دهیم. برای این کار می توان از یک ورقه دایرهای با قطری حدودmoo که در هر ثانیه چند بار دوران می کند، استفاده کرد. در واقع با دوران دادن ورقه، قسمتهای مختلفی از ورقه تحت تاثیر الکترونهای نسبیتی قرار می گیرد و گرمای تولید شده در هر ناحیه فرصت پرخان می توان متوسط چگالی جریان الکترونی را تا پرخان می توان متوسط چگالی جریان الکترونی را تا سیلیسیم، تیتانیوم و وانادیوم ذوب شوند.

٤. درخشند گی قابل حصول از چشمه XCR
کیفیت یک چشمه تابشی را میتوان با کمیتی به نام در خشند گی
بیان کرد[۷]:

$$B_{max} = J_{max} \frac{N}{\Delta \Omega(\cdot/\sqrt[1]{6} \Delta \omega / \omega)}$$
(1V)

N در این معادله، J_{max} ماکزیمم چگالی جریان الکترونی، N تعداد فوتونهای تولید شده به ازای یک الکترون، $\Delta\Omega$ زاویه فضایی و $\omega/\omega\Delta$ پهنای باند نسبی تابش گسیل شده است. در بخش قبل بیان شد که با استفاده از ورقههای چرخان میتوان چگالی جریان الکترونی را تا ۲ mm/ mm افزایش داد، بدون اینکه ورقههای با ضخامت چند میکرومتر از جنس سیلیسیم، تیتانیوم و وانادیوم ذوب شوند.

چنین ضخامتی از ورقه نمی تواند به طور جدی باعث پراکندگی چندگانه الکترونها و دیورژانس باریکه الکترونی و پهن شدگی توزیع زاویه ای تابش شود. برای رسیدن به این چگالی جریان می توان از یک شتابگر الکترونی ۱۰Me۷ با متوسط جریان می توان از یک شتابگر الکترونی ۱۰Me۷ با متوسط جریان ۸۳/۰ و مساحت اسپات سایز ۲۰۰۱۳m² استفاده کرد. با استفاده از معادله ۱۷ و مقادیر جدول ۱۰ بیشترین درخشندگی قابل حصول از سه ماده تابش زای Si Si بی شترین و V در جدول ۲ آورده شده است.

جدول(۲): درخشندگی XCR حاصل از شتابگر الکترونی ۱۰MeV

درخشندگی قابل حصول از	زاويه ابعاد	تعداد	مادہ
چشمه XCR	فضايي چشمه	فوتونها	تابشزا
[ph/(s.mm ² .mrad ² .0/1%BW)]	[mm ²] [sr]	[ph/el]	
\/ A × \ •^	./.1 ./.9v	$1/2 \times 1 \cdot -r$	Si
$7/7 \times 1.^{^{\wedge}}$	•/•1 •/•15	$r/r \times 1 \cdot \epsilon^{-\epsilon}$	Ti
v/٩×١•^	./.1 ./.1٣	$1/9 \times 1 \cdot^{-i}$	V

طبق جدول ۲، اگرچه تعداد فوتونهای گسیل شده به ازای یک الکترون در Si بیشتر از Ti و V است، اما بهدلیل بزرگتر بودن زاویه فضایی و پهنای باند، درخشندگی چشمه XCR در سیلیسیم کمتر است.

درخشندگی چشمه	ابعاد چشمه	زاويه فضايي	مشخصات منبع ايجاد	انرژی فوتون	ماده تابشزا	نوع چشمه
[ph/(s.mm ² .mrad ² .0/1%BW)]	[mm ²]	[sr]	كننده تابش	[eV]		
\/ \ \\	•/•1	•/•٩٧	۰۰MeV,۲۰mA/mm ^۲ electron beam	٩٩/٨	Si	
٦/٣×١٠ ^٨	•/•1	•/•١٤	۰۰MeV,۲۰mA/mm ^۲ electron beam	٤٥٤	Ti	چشمه چرنگوف (XCR)
v/٩×١• [^]	•/•1	•/•١٣	۰۰MeV,۲۰mA/mm ^۲ electron beam	017	V	
1/Y×1.7	•/•1	۲π	۱۰keV,۱mA electron beam	૧ ∖/૧	Si	چشمه فرابنفش
						انرژی بالا [۱٤]
۱/۲×۱۰ ^٦	•/•١	۲π	۱۰keV,٦۰μA electron beam	070	0	چشمه اشعه
						ایکس نرم [۱۵]
٦/١×١٠٩	•/•••٦	٤π	N••• Hz,1• W Nd∶YAG laser	۳W	Ethanol	چشمه ليزر-
						پلاسمایی [۱٦]

جدول(۳): مقایسه درخشندگی چشمه XCR با سایر چشمههای تولید اشعه ایکس نرم

شدیدی می شوند و برای محدوده بسیار باریکی از طیف اشعه ایکس، ضریب شکست مواد می تواند بزرگتر از یک شود و تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس تولید شود. مهمترین نتایج این مقاله عبارتند از:

- ۱) با استفاده از مکانیسم تابش چرنکوف می توان به یک منبع تقریباً تکفام اشعه ایکس دست یافت. با استفاده از مواد مختلف می توان فو تون هایی در محدوده انرژی vev تا ۷۰۰eV تولید کرد.
- ۲) ویژگیهای تابش چرنکوف به عواملی از قبیل، ضریب شکست، ضخامت و طول جذب ماده تابش زا و همچنین به بار الکتریکی و انرژی ذره باردار بستگی دارد.
- ۳) با استفاده از شتابگرهای الکترونی کوچک با انرژی ۱۰ MeV و چگالی جریان^۲ mm / mm می توان به منبع آزمایشگاهی تابش اشعه ایکس نرم با درخشندگی

در جدول ۳، مقایسهای بین چشمه تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس (XCR) و سایر چشمههای تولید اشعه ایکس نرم صورت گرفته است و بهنظر میرسد که چشمه XCR بهدلیل درخشندگی کافی و تکفام بودنش، پتانسیل استفاده در برنامههای کاربردی از قبیل تهیه تصویر با کیفیت بالا، لیتوگرافی، تحلیل آرایش اتمهای سطحی توسط پراکندگی فوتوالکترون، طیفسنجی و میکروسکوپی اشعه ایکس را دارا میباشد[۷، ۱۷، ۱۸].

٥. نتيجه گيري

در این مقاله، توزیع طیفی- زاویهای و ویژگیهای تابش چرنکوف در ناحیه اشعه ایکس (XCR) به دقت مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته است. مطالعات نشان میدهند که در نزدیکی لبههای جذب اتمی K و M قسمتهای موهومی و حقیقی فاکتور پراکندگی اتمی دچار تغییرات اتمهای سطحی توسط پراکندگی فوتوالکترون، طیف-سنجی پرتوی ایکس برای نمونههای مایع و بیولوژیکی، جمع آوری دادهها برای کریستالوگرافی ماکرومولکولی، فوتوشیمی پرتوی ایکس نرم و میکروسکوپی اشعه ایکس نرم مورد استفاده قرار گیرد. ۲. سپاسگزاری از راهنماییهای ارزشمند پرفسور ایلیا فرانچوک تشکر می-کنم. اینکار با حمایتهای مالی دانشگاه آزاد اسلامی واحد ملایر انجام شده است. حدود (s.mm^۲.mrad^۲.۰/۱%BW» دست یافت.

۷. مراجع

- P.A. Cherenkov; Visible Emission of Clean Liquids by Action of Gamma Radiation; Dokl. Akad. Nauk SSSR, 2, (1934) 451.
- [2] I.M. Frank and I.E. Tamm; Coherent Visible Radiation of Fast Electrons Passing Through Matter; Dokl. Akad. Nauk SSSR, 14 (1937) 109.
- [3] B.M. Bolotovskii & et al.; Vavilov-Cherenkov Radiation: its Discovery and Application; Physics – Uspekhi 52, 11 (2009) 1099.
- [4] V.A. Bazylev & et al.; Intense Electromagnetic Radiation from Relativistic Particles; Sov. Phys. Usp., 25 (1982) 565.
- [°] W. Knults & et al.; Observation of narrow band Si L-edge Cherenkov radiation generated by 5 MeV electron; Appl. Phys. Lett., 79 (2001) 2099.
- [6] A.P. Kobzev; On the radiation mechanism of a uniformly moving charge; J. Physics of Particles and Nuclei, 45, 3 (2014) 628.
- [7] D.T. Attwood; Soft X-rays and Extreme Ultraviolet Radiation: Principles and Applications; Cambridge University Press, (2000) 503p.
- [8] V.I. Vysotskii & et al.; Conditions for Generation of X-ray Cherenkov Radiation during Motion of Charges in Realistic Media; Journal of Surface Investigation. X-ray, Synchrotron and Neutron Techniques, 7, 1 (2013) 51.
- [9] G.N. Afanasiev; Vavilov-Cherenkov and Synchrotron Radiation Foundations and Applications; Kluwer Academic Publishers, (2004) 491p.

- [10] B.L. Henke & et al.; X-ray Interactions: Photoabsorption, Scattering, Transmission and Reflection at E=50-30000 eV, Z=1-92; Online Available: http://henke.lbl.gov/optical_constants.
- [11] C.T. Chantler & et al.; X-ray Form Factor, Attenuation and Scattering Tables; Online Available:http://physics.nist.gov/PhysRefData/FFas t/html/form.html.
- [12] W. Knults & et al.; Compact high-brightness soft X-ray Cherenkov source; IEEE Journal of Selected Topics in Quantum Electronics, 10, 6 (2004) 1414.
- [13] V.V. Kaplin & et al.; Tunable, monochromatic Xrays using the internal beam of a betatron; Appl. Phys. Lett. 80 (2002) 3427.
- [14] A. Egbert & et al.; Compact electron based extreme ultraviolet source at 13.5 nm; Emerging Lithographic Technologies VII, 25 (2003) 784.
- [15] B. Buijsse; A keV-electron based tabletop soft Xray source; in proceeding of SPIE, 4502 (2001) 74.
- [16] G.A. Johansson & et al.; Design and performance of a laser-plasma based compact soft X-ray microscope, Review of Scientific Instruments. 73 (2002) 1193.
- [17] E. Duke & et al.; Biological applications of cryosoft X-ray tomography; Journal of Microscopy 255, 2 (2014) 65.
- [18] R. Robertson & et al.; Cherenkov imaging a new modality for molecular imaging; American Journal of Nuclear Medicine and Molecular Imaging 2 (2012) 163.